

高精度运算

高精度运算基础

1268 - 高精度加法

计算 $a+b$ 的值， a, b 皆为不超过 240 位的非负整数。

输入

两个正整数，每行一个。

输出

一个数，代表两个整数的和。

输入

1

2

输出

3

输入

0

0

输出

0

输入

11111111111111111111

22222222222222222222

输出

33333333333333333333

说明

a, b 两个整数都不含前导 0，即：如果 $a=100$ 不可能输入 0100 这样的含有前导 0 的整数。

需要注意的是 a, b 可能为 0。

```
#include <bits/stdc++.h> //1-1268-1 宋老师视频教程
```

```
using namespace std;
```

```
/*
```

```
第一步：用 string 读入高精度整数
```

```
第二步：将两个高精度整数逆序存入 a, b 两个整数数组
```

```
第三步：从左向右，逐位求和，结果存入 c 数组
```

```
第四步：逆序输出结果
```

```
*/
```

```
string s1, s2; // 高精度整数
```

```
int a[250], b[250], c[500];
```

```
int i, j, len;
```

```
int main() {
```

```
    cin >> s1 >> s2;
```

```
    // 第二步：将两个高精度整数逆序存入 a, b 两个整数数组
```

```
    for (i = 0; i < s1.size(); i++) {
```

```
        a[s1.size() - i - 1] = s1[i] - '0';
```

```
    }
```

```
    for (i = 0; i < s2.size(); i++) {
```

```
        b[s2.size() - i - 1] = s2[i] - '0';
```

```
    }
```

```
    // 第三步：从左向右，逐位求和，结果存入 c 数组 从左向右，逐位进位
```

```
    // 加法的次数，取决于两个整数的较长的字符串
```

```
    len = s1.size();
```

```
    if (s2.size() > s1.size()) {
```

```
        len = s2.size();
```

```
    }
```

```
    for (i = 0; i < len; i++) { // 逐位相加
```

```
        c[i] = a[i] + b[i];
```

```
    }
```

```
    // 逐位进位
```

```
// 逐位进位
```

```
for (i = 0; i < len; i++)  
{  
    if (c[i] >= 10)  
    {  
        c[i + 1] = c[i + 1] + c[i] / 10;  
        c[i] = c[i] % 10;  
    }  
}
```

```
// 第四步：逆序输出结果
```

```
// 两个不超过 len 位的整数做加法，结果可能是 len+1 位
```

```
if(c[len] != 0) {  
    len++;  
}
```

```
// 逆序输出结果
```

```
for (i = len - 1; i >= 0; i--) {  
    cout << c[i];  
}
```

```
return 0;
```

```
}
```

```

#include <bits/stdc++.h> //1-1268-2   javacn
using namespace std;
string s1, s2; // 高精度整数
int a[250], b[250], c[500];
int i, j, len;
int main() {
    // 用 string 读入高精度整数
    cin >> s1 >> s2;
    // 将两个高精度数逆序放入 ab 两个整数数组中
    for (i=0; i<s1.size(); i++) {    a[i] = s1[s1.size()-1-i] - '0';    }
    for (i=0; i<s2.size(); i++) {    b[i] = s2[s2.size()-1-i] - '0';    }
    // 从左往右，逐位求和，结果存入 c 数组
    // 加法的次数取决于两个整数中较长的字符串
    len = s1.size();
    if (s2.size() > s1.size()) {
        len = s2.size();
    }
    // 逐位相加
    for (i=0; i<len; i++) {    c[i] = a[i]+b[i];    }
    // 逐位进位
    for (i=0; i<len; i++) {
        if (c[i] >= 10) {
            c[i+1] = c[i+1] + c[i] / 10;
            c[i] = c[i] % 10;
        }
    }
    // 逆序输出结果
    // 两个不超过 len 位的整数做加法，结果可能是 len+1 位
    if (c[len] != 0) {
        len++;
    }
    for (i=len-1; i>=0; i--) {    cout << c[i];    }
    return 0;
}

```

/* 1 读入两个整数数组 倒序。2 比较次数 为最长的 。3 对应位相加 如果大于 10 后一位进位，否则直接增加。4 反向输出 */

```
#include <bits/stdc++.h> //1-1268-3 David0724
```

```
using namespace std;
```

```
string a1, b1, c1;
```

```
int a[300], b[300], c[300];
```

```
int i, j;
```

```
int main() {
```

```
    cin >> a1 >> b1;
```

```
    // 将字符串转化为整型数组
```

```
    int l1 = a1.size(), l2 = b1.size();
```

```
    for (i = l1 - 1, j = 0; i >= 0; i--, j++) { a[j] = a1[i] - '0'; }
```

```
    for (i = l2 - 1, j = 0; i >= 0; i--, j++) { b[j] = b1[i] - '0'; }
```

```
    // for(i = 0; i < b1.size(); i++) { cout << b[i] ; }
```

```
    //c 的长度应该位 a b 最长
```

```
    int l ;
```

```
    if (l1 > l2) {
```

```
        l = l1;
```

```
    }else {
```

```
        l = l2;
```

```
    }
```

```
    for(i = 0; i < l; i++) {
```

```
        c[i] += a[i] + b[i];
```

```
        // 对于当前位进行判断是否进位
```

```
        if(c[i] >= 10) {
```

```
            c[i] -= 10;
```

```
            c[i + 1]++;
```

```
        }
```

```
    }
```

```
    if (c[l] != 0) { l++; }
```

```
    reverse(c, c + l); // 反转数组
```

```
    for(i = 0; i < l; i++) { cout << c[i] ; }
```

```
}
```

/* 关于进位问题的判断

1 位数加上 3 位数最多是几位数?

$2 + 99 = 101$

应该观察长度最多数组的 长度位 即为最后一位的下一位

有内容时 结果数组的长度就为最多长度 + 1 位

*/

高精度加法

```
#include<iostream>//1-1268-4    jiangyf70
using namespace std;
int a[250], b[250], c[250];
int main()
{
    string s1, s2;
    cin >> s1 >> s2;
    for(int i = s1.size() - 1; i >= 0; i--) a[s1.size() - 1 - i] = s1[i] - '0';
    for(int i = s2.size() - 1; i >= 0; i--) b[s2.size() - 1 - i] = s2[i] - '0';
    int len;
    if(s1.size() > s2.size()) len = s1.size();
    else len = s2.size();
    int t = 0;
    for(int i = 0; i < len; i++)
    {
        t += a[i] + b[i];
        c[i] = t % 10;
        t /= 10;
    }
    if(t) c[len++] = t;
    for(int i = len - 1; i >= 0; i--) cout << c[i];
    return 0;
}
```



```

//cout<<f<<" "<<s1<<" "<<s2;
for (i = 0; i < s1.size(); i++) { // 将 s1 和 s2 逆序存入整数数组
    //0 -> s1[s1.size()-1]
    //1 -> s1[s1.size()-2]
    a[i] = s1[s1.size() - i - 1] - '0';
}

for (i = 0; i < s2.size(); i++) {
    b[i] = s2[s2.size() - i - 1] - '0';
}

len = s1.size(); // 逐位相减

for (i = 0; i < len; i++) {
    if(a[i] < b[i]) { // 如果不够减，向右借1，当10用
        a[i + 1] = a[i + 1] - 1;
        a[i] = a[i] + 10;
    }
    c[i] = a[i] - b[i];
}

if(f == '-') cout<<f; // 判断是否要输出负号
// 从右向左逐位输出，从第一个遇到的非0元素开始输出
for (i = len - 1; i >= 0; i--) {
    if(c[i] != 0) {
        p = i;
        break;
    }
}

for (i = p; i >= 0; i--) { // 逆序从第一个非0元素 输出每一位
    cout<<c[i];
}

return 0;
}

```

高精度减法

```
#include<iostream>//2-1269-2  jiangyf70
using namespace std;
int a[250], b[250], c[250];
string sub(string s1, string s2)
{
    char f = '+'; // 一定要赋值, 我在这卡了很久
    if(s1.size() < s2.size() || s1.size() == s2.size() && s1 < s2)
    {
        swap(s1, s2);
        f = '-';
    }
    for(int i = 0; i < s1.size(); i++) a[s1.size() - 1 - i] = s1[i] - '0';
    for(int i = 0; i < s2.size(); i++) b[s2.size() - 1 - i] = s2[i] - '0';
    int l = s1.size();
    for(int i = 0; i < l; i++)
    {
        if(a[i] < b[i]) { a[i+1]--; a[i] += 10; }
        c[i] = a[i] - b[i];
    }

    while(c[l] == 0 && l >= 0) l--;
    string s3 = "";
    for(int i = 0; i <= l; i++) { s3 = char(c[i] + '0') + s3; }
    if(f == '-') s3 = f + s3;
    if(l == -1) s3 = "0";
    return s3;
}

int main()
{
    string a, b;
    cin >> a >> b;
    cout << sub(a, b);
    return 0;
}
```


高精度乘单精度

1. 将高精度整数 s1 逆序存储。
2. 将 a 数组逐位乘 b，结果存入 c 数组。
3. 进位。
4. 逆序从第 1 个非 0 开始打印，要注意多考虑 4 位。

```
#include<bits/stdc++.h> //3-1286-1 javacn
using namespace std;
string s1;
int a[250], b, c[250];
int main() {
    cin>>s1>>b;
    //1. 逆序存储
    for (int i = 0; i < s1.size(); i++) {
        a[i] = s1[s1.size()-i-1] - '0';
    }
    //2. 逐位相乘
    for (int i = 0; i < s1.size(); i++) {
        c[i] = a[i] * b;
    }
    //3. 逐位进位
    for (int i = 0; i < s1.size() + 4; i++) {
        if(c[i] >= 10) {
            c[i+1] = c[i+1] + c[i] / 10;
            c[i] = c[i] % 10;
        }
    }
    //4. 逆序从第 1 个非 0 开始打印
    int p = 0;
    for (int i = s1.size() + 4 - 1; i >= 0; i--) {
        if(c[i] != 0) {
            p = i;
            break;
        }
    }
    for (int i = p; i >= 0; i--) {    cout<<c[i]; }
    return 0;
}
```

高精度乘单精度

```
#include<bits/stdc++.h> //3-1286-2 jiangyf70
using namespace std;
string multi(string s1, string s2)
{
    string s3;
    int a[250], b[250], c[250];
    for(int i = 0; i < 250; i++) { a[i] = 0, b[i] = 0, c[i] = 0; }
    if(s1.size() < s2.size()) swap(s1, s2);
    int x = stoi(s2);
    int len = s1.size();
    for(int i = 0; i < len; i++) a[len - 1 - i] = s1[i] - '0';
    int t = 0, i;
    for(i = 0; i < len || t; i++)
    {
        t = a[i] * x + t;
        c[i] = t % 10;
        t /= 10;
    }
    len = i;
    for(i = len - 1; i >= 0; i--)
    {
        s3 = s3 + char(c[i] + '0');
    }
    if(x == 0) return "0";
    return s3;
}

int main()
{
    string a, b;
    cin >> a >> b;
    cout << multi(a, b);
    return 0;
}
```

1287 - 高精度乘

高精度乘，求两个很大的非负整数相乘的结果。

输入

2 个非负整数，每个一行，每个整数不超过 240 位。

输出

一个整数，表示相乘的结果。

输入

11111111111111111111111111111111

222222222222222222222222222222

输出

2469135802469135802469135308641975308641975308642

```
#include <bits/stdc++.h> //4-1287-1 宋老师视频编程
using namespace std;
string s1, s2;
int a[250], b[250], c[500];
int i, j, p; // p=0, 防止全 0 情况
int main() {
    cin >> s1 >> s2; // 逆序将 s1 和 s2 存入 a, b 数组
    for (i = 0; i < s1.size(); i++) {
        a[i] = s1[s1.size() - i - 1] - '0';
    }

    for (i = 0; i < s2.size(); i++) {
        b[i] = s2[s2.size() - i - 1] - '0';
    }
}
```

```

// 循环 a 数组的每一位，用 a[i] 去乘以 b 数组的每一位 b[j]
// 结果错位加到 c 数组的 c[i+j] 这一位上
for (i = 0; i < s1.size(); i++)
{
    for (j = 0; j < s2.size(); j++)
    {
        c[i + j] = c[i + j] + a[i] * b[j];

        if (c[i + j] >= 10)
        {
            c[i + j + 1] = c[i + j + 1] + c[i + j] / 10;
            c[i + j] = c[i + j] % 10;
        }
    }
}

```

// 逆序输出，从第一个非 0 元素位置开始输出

```

for (i = s1.size() + s2.size() - 1; i >= 0; i--)
{
    if (c[i] != 0)
    {
        p = i;
        break;
    }
}

```

```

for (i = p; i >= 0; i--) {
    cout << c[i];
}

```

```

return 0;

```

```

}

```

```

#include <bits/stdc++.h> //4-1287 -2 千问
using namespace std;
string s1, s2;
int a[250], b[250], c[500];
int i, j, p;
int main() {
    cin >> s1 >> s2;
    for (i = 0; i < s1.size(); i++) {
        a[i] = s1[s1.size() - i - 1] - '0';
    }
    for (i = 0; i < s2.size(); i++) {
        b[i] = s2[s2.size() - i - 1] - '0';
    }

    for (i = 0; i < s1.size(); i++) { // 逐位相乘并累加
        for (j = 0; j < s2.size(); j++) {
            c[i + j] += a[i] * b[j];
        }
    }

    for (i = 0; i < s1.size() + s2.size(); i++) { // 统一处理进位
        if (c[i] >= 10) {
            c[i + 1] += c[i] / 10;
            c[i] %= 10;
        }
    }

    p = 0; // 寻找最高非零位
    for (i = s1.size() + s2.size() - 1; i >= 0; i--) {
        if (c[i] != 0) {
            p = i;
            break;
        }
    }

    for (i = p; i >= 0; i--) { // 输出结果
        cout << c[i];
    }
    return 0;
}

```

高精度乘

模拟乘法的数学计算过程，逐位相乘，错位相加。

```
#include <bits/stdc++.h> //4-1287-3 javacn
using namespace std;
string s1, s2;
int a[250], b[250], c[500];
int i, j, p;

int main() {
    cin >> s1 >> s2;
    // 逆序将 s1 和 s2 存入 ab 数组
    for (i = 0; i < s1.size(); i++) { a[i] = s1[s1.size() - i - 1] - '0'; }
    for (i = 0; i < s2.size(); i++) { b[i] = s2[s2.size() - i - 1] - '0'; }
    // 循环 a 数组的每一位，用 a[i] 去乘以 b 数组的每一位 b[j]
    // 结果错位加到 c 数组的 c[i+j] 这一位上
    for (i = 0; i < s1.size(); i++) {
        for (j = 0; j < s2.size(); j++) {
            c[i+j] = c[i+j] + a[i] * b[j];
            // 进位
            if (c[i+j] >= 10) {
                c[i+j+1] = c[i+j+1] + c[i+j] / 10;
                c[i+j] = c[i+j] % 10;
            }
        }
    }
    // 逆序输出，逆序从第一个非 0 元素位置开始输出
    for (i = s1.size() + s2.size() - 1; i >= 0; i--) {
        if (c[i] != 0) { p = i; break; }
    }

    for (i = p; i >= 0; i--) {
        cout << c[i];
    }
    return 0;
}
```

1271 - 高精度整数除法

求 a/b 的结果。

已知 a, b 为 10^8 范围内的非负整数，求 a/b 保留前 n 位小数商的结果。

输入

读入三个整数 $a b n$ 。

输出

输出一行数字。

输入

97 61 50

输出

1.59016393442622950819672131147540983606557377049180

```
#include <bits/stdc++.h> //5-1271-1 宋老师视频教程
```

```
using namespace std;
```

```
int main() {  
    long long a, b, i, n, t;  
    cin >> a >> b >> n;  
  
    cout << a / b << ".";  
    t = a % b;  
  
    for (i = 1; i <= n; i++)  
    {  
        t = t * 10;  
        cout << t / b;  
        t = t % b;  
    }  
  
    return 0;  
}
```

```

#include<bits/stdc++.h>//5-1271-2 javacn
using namespace std;
int main() {
    int a,b,n,t,i;
    cin>>a>>b>>n;    //a/b 为整数部分
    cout<<a/b<<". ";    // 例如 97/61 整数部分为 1 接下来就是小数部分
    t = a % b; // 先求得余数 36
    for (i=1;i<=n;i++) {
        t = t * 10;           // 余数 *10
        cout<<t/b;           // 小数部分
        t = t % b;
    }
    return 0;
}

```

```

#include<bits/stdc++.h>//5-1271-3 jiangyf70 高精度整数除法
using namespace std;
string div(int a, int b, int n) {
    string s = to_string(a / b) + '.';
    int t = a % b;
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        t *= 10;
        s += char(t / b + '0');
        t %= b;
    }
    return s;
}
int main()
{
    int a, b, n;
    cin >> a >> b >> n;
    cout << div(a, b, n);
    return 0;
}

```

1280 - 求 2 的 n 次方

求 2 的 n 次方。 ($0 \leq n \leq 100$)

输入

从键盘读入一个整数 n;

输出

请输出 2 的 n 次方;

输入

100

输出

1267650600228229401496703205376

```
#include <bits/stdc++.h> //6-1280-1 宋老师视频教程
```

```
using namespace std;
```

```
int a[100] = {1};
```

```
int i, j, k = 1, n; // k 代表 a 数组元素的个数，代表了高精度的整数的位数
```

```
int main() {
```

```
    cin >> n;
```

```
    for (i = 1; i <= n; i++) // 循环 n 次，每次都将 a 数组 *2
```

```
    {
```

```
        for (j = 0; j < k; j++) // 将 a 数组的每一位都 *2
```

```
        {
```

```
            a[j] = a[j] * 2;
```

```
        }
```

```
        for (j = 0; j < k; j++) // 逐位进位
```

```
        {
```

```
            if (a[j] >= 10)
```

```
            {
```

```
                a[j + 1] = a[j + 1] + a[j] / 10;
```

```
                a[j] = a[j] % 10;
```

```
            }
```

```
        }
```

```
        // 判断 a 数组是否多出一位
```

```
        if (a[k] != 0) {
```

```
            k++;
```

```
        }
```

```
    }
```

```
    // 逆序输出 a 数组的 k 个数
```

```
    for (i = k - 1; i >= 0; i--) {
```

```
        cout << a[i];
```

```
    }
```

```
    return 0;
```

```
}
```

求 2 的 n 次方

准备一个整数数组 a ，存放 2 的 n 次方， a 数组默认存储一个 1 ，代表 2 的 0 次方！ 循环 n 次，每次循环都要将 a 数组的每一位 $\times 2$ ，并进位，然后判断 a 数组 $\times 2$ 后是否多出一位，如果多出一位，a 数组位数计数器 k++。

逆序输出 a 数组的 k 个数。

```
#include <bits/stdc++.h> //6-1280-2    javacn
using namespace std;
int a[100] = {1};
//k 代表 a 数组元素的个数，代表了高精度的整数的位数
int i, j, k = 1, n;
int main() {
    cin >> n;
    // 循环 n 次，每次都将 a 数组 * 2
    for (i = 1; i <= n; i++) {
        // 将 a 数组的每一位都 * 2
        for (j = 0; j < k; j++) {    a[j] = a[j] * 2; }
        // 逐位进位
        for (j = 0; j < k; j++) {
            if (a[j] >= 10) {
                a[j+1] = a[j+1] + a[j] / 10;
                a[j] = a[j] % 10;
            }
        }
    }

    // 判断 a 数组是否多出一位
    if (a[k] != 0) {    k++; }
}
// 逆序输出 a 数组的 k 个数
for (i = k - 1; i >= 0; i--) {
    cout << a[i];
}
return 0;
}
```

1281 - 求 $2+2*2+2*2*2+\dots+2*2*2*\dots*2$

求 $2+2*2+2*2*2+\dots+2*2*2*\dots*2$ 的和是多少? 最后一项有多少 2 相乘由键盘读入的 n 决定 ($1 \leq n \leq 100$)。

比如: $n=3$, 那么 $s=2+2*2+2*2*2=14$ 。

输入

从键盘读入一个整数 n ($1 \leq n \leq 100$)。

输出

输出求出的和。

输入

3

输出

14

高精度 * 整数 以及 高精度求和的结合。

`#include <bits/stdc++.h> //7-1281-1` 宋老师视频教程

```
using namespace std;
```

```
int a[100] = {1};
```

```
int r[1000];
```

```
//k 代表 a 数组元素的个数, 代表了 2 的 n 次方高精度的整数的位数
```

```
//k2 代表了高精度的总和的位数
```

```
int i, j, k = 1, n, k2 = 1, len;
```

```
int main() {
```

```
    cin>>n;
```

```
    // 循环 n 次, 每次都将 a 数组 * 2
```

```
    for(i = 1; i <= n; i++) {
```

```
        // 将 a 数组的每一位都 * 2
```

```
        for(j = 0; j < k; j++) {
```

```
            a[j] = a[j] * 2;
```

```
        }
```

```

// 逐位进位
for (j = 0; j < k; j++) {
    if(a[j] >= 10) {
        a[j+1]=a[j+1]+a[j]/10;
        a[j]=a[j]%10;
    }
}
// 判断 a 数组是否多出一位
if(a[k] != 0) {
    k++;
}
// 求出了 2 的 i 次方，结果为 k 位
// 将 k 位的 2 的 i 次方，加到 k2 位的总和 r 上
len = k;
if(k2 > k) len = k2;
for (j = 0; j < len; j++) {
    r[j] = r[j] + a[j];
    // 进位
    if(r[j] >= 10) {
        r[j+1]=r[j+1]+r[j]/10;
        r[j]=r[j]%10;
    }
}
// 判断 r 数组是否多了 1 位
if(r[k2]!=0) {
    k2++;
}
}

// 输出 r 数组的结果
for (i = k2 - 1; i >= 0; i--) {
    cout<<r[i];
}
return 0;
}

```

求 $2+2*2+2*2*2+\dots+2*2*2*\dots*2$

```
#include<bits/stdc++.h> //7-1281-2 w2016010182
```

```
using namespace std;
```

```
string s1;
```

```
int a1[241], b1[245];
```

```
int n;
```

```
string f;
```

```
string r;
```

```
string ss(string s1, int n) {
```

```
    int len;
```

```
    string s3="";
```

```
    for (int i=0; i<s1.size(); i++) { a1[i]=s1[s1.size()-i-1]-'0'; }
```

```
    len=s1.size();
```

```
    for (int i=0; i<len; i++) { b1[i]=a1[i]*n; }
```

```
    for (int i=0; i<len; i++)
```

```
    {
```

```
        b1[i+1]+=b1[i]/10;
```

```
        b1[i]%=10;
```

```
        if (b1[len]>0) { len++; }
```

```
    }
```

```
    while (b1[len]==0 && len>=1) { len--; }
```

```
    for (int i=len; i>=0; i--) { s3=s3+char(b1[i]+'0'); }
```

```
    return s3;
```

```
}
```

```

int a[250], b[250], c[250];
string st(string s1, string s2)
{
    int len;
    for (int i=0; i<s1.size(); i++) { a[s1.size()-i-1]=s1[i]-'0'; }
    for (int i=0; i<s2.size(); i++) { b[s2.size()-i-1]=s2[i]-'0'; }
    len=s1.size();
    if(s1.size()<s2.size()) { len=s2.size(); }
    for (int i=0; i<len; i++) { c[i]=a[i]+b[i]; }
    for (int i=0; i<len; i++)
    {
        c[i+1]=c[i+1]+c[i]/10;
        c[i]=c[i]%10;
    }
    while(c[len]==0&&len>=1) { len--; }
    string s3="";
    for (int i=len; i>=0; i--) { s3=s3+char(c[i]+'0'); }
    return s3;
}

int main()
{
    cin>>n;
    r="0";
    f="1";
    for (int i=1; i<=n; i++)
    {
        f=ss(f, 2);
        r=st(f, r);
    }
    cout<<r;
}

```

标准化高精度乘法和加法函数

```
#include<iostream>//7-1281-3 anselxu
#include<cstring>
#include<algorithm>
#include<cmath>
//#define unsigned long long LL
using namespace std;
int a[255],b[255],c[255],sum[255];
int zh(string s,int *arr){
    int len=s.length();
    for(int i=1;i<=len;i++){
        arr[i]=s[len-i]-48;
    }
    return len;
}
// 乘法
void gs(int a[],int b[],int c[]){
    for(int i=1;i<=a[0];i++){
        int jw=0;
        for(int j=1;j<=b[0];j++){
            c[i+j-1]+=a[i]*b[j]+jw;
            jw=c[i+j-1]/10;
            c[i+j-1]%=10;
        }
        if(jw) c[i+b[0]]+=jw;
    }
    c[0]=a[0]+b[0];
    while(c[c[0]]==0&& c[0]>1) c[0]--;
}
// 加法
```

// 加法

```
void gj(int a[], int b[], int c[]) {  
    int jw=0, i=1;  
    while(i<=a[0] || i<=b[0]) {  
        c[i]=a[i]+b[i]+jw;  
        jw=c[i]/10;  
        c[i]%=10;  
        i++;  
    }  
    c[0]=i-1;  
    if(jw) c[++c[0]]=jw;  
    return;  
}
```

```
int main() {  
    int n;  
    cin>>n;  
    for(int j=1; j<=n; j++) {  
        // 每次计算 2 的 j 次方，初始化两个乘数  
        b[0]=a[0]=a[1]=1;  
        b[1]=2;  
        for(int i=1; i<=j; i++) {  
            //a 数组累计乘 2，每次计算用 c 存储积，利用 memcpy 拷贝到 a，运算  
            //前清空 c  
            memset(c, 0, sizeof(c));  
            gs(a, b, c);  
            memcpy(a, c, sizeof(c));  
        }  
        gj(sum, c, sum); // 累加  
    }  
    for(int i=sum[0]; i>0; i--)  
        cout<<sum[i];  
    return 0;  
}
```

写成函数更清晰

```
#include<bits/stdc++.h>//7-1281-4    jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
string mul (string s, int x)
```

```
{  
    int a[100], b[100];  
    memset(a, 0, sizeof(a));  
    memset(b, 0, sizeof(b));  
    for (int i = s.size() - 1; i >= 0; i--) a[s.size() - 1 - i] = s[i] - '0';  
    int len = s.size();  
    for (int i = 0; i < len; i++)  
    {  
        b[i] = a[i] * x;  
    }  
    for (int i = 0; i < len; i++)  
    {  
        b[i + 1] += b[i] / 10;  
        b[i] %= 10;  
    }  
    if (b[len])  
    {  
        b[len + 1] = b[len] / 10;  
        b[len] %= 10;  
        len++;  
    }  
  
    string s1;  
    for (int i = len - 1; i >= 0; i--)  
        s1 += b[i] + '0';  
    return s1;  
}
```

```

string add(string s1, string s2)
{
    int a[100], b[100], c[100];
    memset(a, 0, sizeof(a));
    memset(b, 0, sizeof(b));
    if(s1.size() < s2.size()) swap(s1, s2);
    for (int i = s1.size() - 1; i >= 0; i--) a[s1.size() - 1 - i] = s1[i] - '0';
    for (int i = s2.size() - 1; i >= 0; i--) b[s2.size() - 1 - i] = s2[i] - '0';
    int len = s1.size();
    for (int i = 0; i < len; i++) { c[i] = a[i] + b[i]; }
    for (int i = 0; i < len; i++) { c[i+1] += c[i] / 10; c[i] %= 10; }
    if(c[len])
    {
        c[len + 1] = c[len] / 10;
        c[len] %= 10;
        len++;
    }
    string s3 = "";
    for (int i = len - 1; i >= 0; i--) { s3 = s3 + char(c[i] + '0'); }
    return s3;
}

int main()
{
    int n;
    cin >> n;
    string s = "2";
    string sum = "2";
    for (int i = 2; i <= n; i++)
    {
        s = mul(s, 2);
        sum = add(sum, s);
    }
    cout << sum;
    return 0;
}

```

计算 N 的阶乘

高精度乘单精度，注意结果可能会多进 2 位：

```
#include <bits/stdc++.h> //8-1285 javacn
using namespace std;
int a[200] = {1}, i, n, j, len = 1;
int main() {
    cin >> n;
    for (i = 1; i <= n; i++) {
        // 高精度的 a 乘以整数 i
        // 逐位相乘
        for (j = 0; j < len; j++) {
            a[j] = a[j] * i;
        }

        // 逐位进位，由于 i 可能是 2 位数，可能多进 2 位
        for (j = 0; j < len + 2; j++) {
            if (a[j] >= 10) {
                a[j + 1] = a[j + 1] + a[j] / 10;
                a[j] = a[j] % 10;
            }
        }
    }

    // 判断是否多进 2 位或者 1 位
    if (a[len + 1] != 0) len = len + 2;
    else if (a[len] != 0) len = len + 1;
}

// 逆序输出
for (i = len - 1; i >= 0; i--) {
    cout << a[i];
}
return 0;
}
```

求 $1!+2!+3!+4!+\dots+n!$

高精度 * 单精度以及高精度求和问题。

```
#include<bits/stdc++.h> //9-1296-1 javacn
using namespace std;
int a[1000] = {1}; // 表示阶乘
int r[1000]; // 表示总和
int k, len; // k 表示 a 数组下标, len 表示 r 数组下标
int n;
int main() {
    cin>>n;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        // 将 i 乘到阶乘上 (a 数组)
        for (int j = 0; j < k; j++) { a[j] = a[j] * i; }
        for (int j = 0; j < k + 2; j++) { // 进位
            if(a[j] >= 10) {
                a[j+1] = a[j+1] + a[j] / 10;
                a[j] = a[j] % 10;
            }
        }
        if(a[k+1] != 0) k = k + 2; // 判断结果是否多 2 位或者 1 位
        else if(a[k] != 0) k++;
        len = max(k, len); // 求和
        for (int j = 0; j < len; j++) { r[j] = r[j] + a[j]; }
        for (int j = 0; j < len; j++) { // 进位
            if(r[j] >= 10) {
                r[j+1] = r[j+1] + r[j] / 10;
                r[j] = r[j] % 10;
            }
        }
        if(r[len] != 0) len++;
    }
    for (int i = len - 1; i >= 0; i--) { cout<<r[i]; } // 输出结果
    return 0;
}
```

```
#include<bits/stdc++.h>//9-1296-2 w2016010182
```

```
using namespace std;
```

```
int n;
```

```
string x, y, s, h=" 0" ;
```

```
int a[25000], b[25000], c[50000], p;
```

```
string gjc(string s1, string s2)
```

```
{  
    memset(a, 0, sizeof(a));  
    memset(b, 0, sizeof(b));  
    memset(c, 0, sizeof(c));  
    for (int i=0; i<s1.size(); i++) { a[i]=s1[s1.size()-i-1]-'0'; }  
    for (int i=0; i<s2.size(); i++) { b[i]=s2[s2.size()-i-1]-'0'; }  
    for (int j=0; j<s2.size(); j++)  
    {  
        for (int i=0; i<s1.size(); i++)  
        {  
            c[i+j]=a[i]*b[j]+c[i+j];  
            if(c[i+j]>=10)  
            {  
                c[i+j+1]=c[i+j+1]+c[i+j]/10;  
                c[i+j]=c[i+j]%10;  
            }  
        }  
    }  
    int len=s1.size()+s2.size();  
    while(c[len]==0&&len>1) { len--; }  
    string s3=" ";  
    for (int i=len; i>=0; i--) { s3=s3+char(c[i]+'0'); }  
    return s3;  
}
```

```

string gjj(string s1, string s2)
{
    memset(a, 0, sizeof(a));
    memset(b, 0, sizeof(b));
    memset(c, 0, sizeof(c));
    for (int i=0; i<s1.size(); i++) { a[s1.size()-i-1]=s1[i]-'0'; }
    for (int i=0; i<s2.size(); i++) { b[s2.size()-i-1]=s2[i]-'0'; }
    int l=s1.size();
    if(s1.size()<s2.size()) { l=s2.size(); }
    for (int i=0; i<l; i++) { c[i]=a[i]+b[i]; }
    for (int i=0; i<l; i++)
    {
        if(c[i]>=10)
        {
            c[i+1]=c[i+1]+c[i]/10;
            c[i]=c[i]%10;
        }
    }
    string s3="";
    if(c[l]==0&& l>1) { l--; }
    for (int i=l; i>=0; i--) { s3=s3+char(c[i]+'0'); }
    return s3;
}

int main()
{
    cin>>n;
    y="1";
    x="1";
    s="1";
    h="0";
    for (int i=1; i<=n; i++)
    { x=gjc(x, y); h=gjj(h, x); y=gjj(y, s); }
    cout<<h;
    return 0;
}

```

```

#include<bits/stdc++.h>//9-1296-3 w2016010182
using namespace std;
string qz;
string a1;
int q1[241],q3[245];
int a[250],b[250],c[250];
int n;
string gjc(string q, int m) {
    int i, e;
    string s3="";
    memset(q1, 0, sizeof(q1));
    memset(q3, 0, sizeof(q3));
    for (i=0; i<q.size(); i++)
    {
        q1[i]=q[q.size()-i-1]-'0';
    }
    e=q.size();
    for (i=0; i<e; i++)
    {
        q3[i]=q1[i]*m;
    }
    for (i=0; i<e; i++)
    {
        q3[i+1]+=q3[i]/10;
        q3[i]%=10;
        if (q3[e]>0)
        {
            e++;
        }
    }
    while (q3[e]==0&&e>=1) { e--; }
    for (i=e; i>=0; i--) { s3=s3+char(q3[i]+'0'); }
    return s3;
}

```

```

string gjj(string s1, string s2)
{
    int len;
    memset(a, 0, sizeof(a));
    memset(b, 0, sizeof(b));
    memset(c, 0, sizeof(c));
    for (int i=0; i<s1.size(); i++) { a[s1.size()-i-1]=s1[i]-'0'; }
    for (int i=0; i<s2.size(); i++) { b[s2.size()-i-1]=s2[i]-'0'; }
    len=s1.size();
    if(s1.size()<s2.size()) { len=s2.size(); }
    for (int i=0; i<len; i++) { c[i]=a[i]+b[i]; }
    for (int i=0; i<len; i++)
    {
        c[i+1]=c[i+1]+c[i]/10;
        c[i]=c[i]%10;
    }
    while(c[len]==0&&len>=1) { len--; }
    string s3="";
    for (int i=len; i>=0; i--) { s3=s3+char(c[i]+'0'); }
    return s3;
}

int main()
{
    cin>>n;
    a1="0";
    for (int i=1; i<=n; i++)
    {
        qz="1";
        for (int j=1; j<=i; j++) { qz=gjc(qz, j); }
        a1=gjj(a1, qz);
    }
    cout<<a1<<endl;
    return 0;
}

```

```

#include<bits/stdc++.h>//9-1296-4 w2016010182
using namespace std;
string qz;
string a1;
int q1[241],q3[245];
int a[250],b[250],c[250];
int n;
string gjc(string q, int m) {
    int i, e;
    string s3="";
    for (i=0; i<q.size(); i++)
    {
        q1[i]=q[q.size()-i-1]-'0';
    }
    e=q.size();
    for (i=0; i<e; i++)
    {
        q3[i]=q1[i]*m;
    }
    for (i=0; i<e; i++)
    {
        q3[i+1]+=q3[i]/10;
        q3[i]%=10;
        if (q3[e]>0)
        {
            e++;
        }
    }
    while (q3[e]==0&&e>=1)
    {
        e--;
    }
    for (i=e; i>=0; i--) { s3=s3+char (q3[i]+'0'); }
    return s3;
}

```

```

string gjj(string s1, string s2)
{
    int len;
    for (int i=0; i<s1.size(); i++) {    a[s1.size()-i-1]=s1[i]-'0';    }
    for (int i=0; i<s2.size(); i++) {    b[s2.size()-i-1]=s2[i]-'0';    }
    len=s1.size();
    if(s1.size()<s2.size()) {    len=s2.size();    }
    for (int i=0; i<len; i++) {    c[i]=a[i]+b[i];    }
    for (int i=0; i<len; i++)
    {
        c[i+1]=c[i+1]+c[i]/10;
        c[i]=c[i]%10;
    }
    while(c[len]==0&&len>=1)    {    len--;    }
    string s3="";
    for (int i=len; i>=0; i--) {    s3=s3+char(c[i]+'0');    }
    return s3;
}

int main()
{
    cin>>n;
    a1="0";
    qz="1";
    for (int i=1; i<=n; i++)
    {
        qz=gjc(qz, i);
        a1=gjj(a1, qz);
    }
    cout<<a1<<endl;
    return 0;
}

```

高精度乘法和加法

```
#include<iostream>//9-1296-5    anselxu
#include<cstring>
#include<algorithm>
#include<cmath>
//#define unsigned long long LL
using namespace std;
int a[255],b[255],c[255],sum[255];
// 高精度乘法, a*b=c
void gs(int a[],int b[],int c[]){
    for(int i=1;i<=a[0];i++){
        int jw=0;
        for(int j=1;j<=b[0];j++){
            c[i+j-1]+=a[i]*b[j]+jw;
            jw=c[i+j-1]/10;
            c[i+j-1]%=10;
        }
        if(jw) c[i+b[0]]+=jw;
    }
    c[0]=a[0]+b[0];
    while(c[c[0]]==0&& c[0]>1) c[0]--;
}
// 高精度加法 a+b=c
void gj(int a[],int b[],int c[]){
    int jw=0,i=1;
    while(i<=a[0]||i<=b[0]){
        c[i]=a[i]+b[i]+jw;
        jw=c[i]/10;
        c[i]%=10;
        i++;
    }
    c[0]=i-1;
    if(jw) c[++c[0]]=jw;
    return;
}
```

```

int main() {
    int n;
    cin>>n;

    for (int j=1;j<=n;j++) {
        a[0]=a[1]=1; // 累乘初始值设 1
        for (int i=1;i<=j;i++) {
            memset(c, 0, sizeof(c));
            memset(b, 0, sizeof(b));
            int x=i;
            while(x) {
                b[++b[0]]=x%10;
                x/=10;
            }
            gs(a, b, c); // 累计乘法，所以每次将结果拷贝给下一次的乘数
            memcpy(a, c, sizeof(c));
        }
        gj(sum, c, sum); 求和
    }

    for (int i=sum[0];i>0;i--)
        cout<<sum[i];
    return 0;
}

```

棋盘里的麦子

求 2 的 $n-1$ 次方的高精度计算的结果。

```
#include <iostream>//10-1409-1 javacn
```

```
using namespace std;
```

```
int main() {
```

```
    int a[110] = {1}, n, i, k = 1, j;
```

```
    cin >> n;
```

```
    for (i = 1; i < n; i++) {
```

```
        for (j = 0; j < k; j++) {
```

```
            a[j] = a[j] * 2;
```

```
        }
```

```
        for (j = 0; j < k; j++) {
```

```
            if (a[j] >= 10) {
```

```
                a[j + 1] += a[j] / 10;
```

```
                a[j] = a[j] % 10;
```

```
            }
```

```
        }
```

```
        if (a[k] != 0) {
```

```
            k++;
```

```
        }
```

```
    }
```

```
    for (i = k - 1; i >= 0; i--) {
```

```
        cout << a[i];
```

```
    }
```

```
    return 0;
```

```
}
```

```

#include<bits/stdc++.h>//10-1409-2 w2016010182
using namespace std;
string s1;
int a[241], b[245];
int n;
string ss(string s1, int n) {
    int len;
    string s3="";
    for (int i=0;i<s1.size();i++) { a[i]=s1[s1.size()-i-1]-'0'; }
    len=s1.size();
    for (int i=0;i<len;i++) { b[i]=a[i]*n; }
    for (int i=0;i<len;i++)
    {
        b[i+1]+=b[i]/10;
        b[i]%=10;
        if(b[len]>0) { len++; }
    }
    while(b[len]==0&&len>=1) { len--; }
    for (int i=len;i>=0;i--) { s3=s3+char(b[i]+'0'); }
    return s3;
}
int main() {
    cin>>n;
    s1=ss("1", 1);
    for (int i=2;i<=n;i++)
    {
        s1=ss(s1, 2);
    }
    cout<<s1;
    return 0;
}

```

高精度运算应用

```
#include<bits/stdc++.h> //1-1279-1    javacn
using namespace std;
string s1, s2;
string opt; // 操作
string r = ""; // 存储计算结果
int main()
{
    cin>>s1>>s2>>opt;
    if(s1.size()<s2.size()) swap(s1, s2);
    // 在 s2 前面补 0
    int len = s1.size() - s2.size();
    for(int i = 1; i <= len; i++) s2 = "0" + s2;
    // 逐位计算
    for(int i = 0; i < s1.size(); i++) {
        if(opt == "and") {
            if(s1[i]=='1'&& s2[i]=='1') r = r + '1';
            else r = r + '0';
        }
        else if(opt == "or") {
            if(s1[i]=='1' || s2[i]=='1') r = r + '1';
            else r = r + '0';
        }
        else {
            if(s1[i]!=s2[i]) r = r + '1';
            else r = r + '0';
        }
    }
    while(r[0] == '0') r.erase(0, 1); // 删除前导 0
    if(r == "") cout<<0;
    else cout<<r;
    return 0;
}
```

小 X 与位运算 (bignum)

解法一:

1. 先在短的字符串前面补 0, 使得两个字符串一样长
2. 逐位计算
3. 删除前导 0, 输出, 注意判断结果计算结果为 0 的情况 (这种情况下结果会被删成空字符串)

```

#include <iostream>//1-1279-2    javacn
using namespace std;
string s1, s2, t;
int a[100010], b[100010], c[100010];
int main() {
    cin>>s1>>s2>>t;
    //1. 逆序存储
    for (int i = 0; i < s1.size(); i++) {
        a[i] = s1[s1.size()-i-1] - '0';
    }
    for (int i = 0; i < s2.size(); i++) {
        b[i] = s2[s2.size()-i-1] - '0';
    }
    int len = max(s1.size(), s2.size());    //2. 逐位运算
    for (int i = 0; i < len; i++) {
        if(t == "and") {
            if(a[i]==1&&b[i]==1) c[i]=1;
            else c[i] = 0;
        }
        else if(t == "or") {
            if(a[i]==0&&b[i]==0) c[i]=0;
            else c[i] = 1;
        }
        else if(t == "xor") {
            if(a[i]!=b[i]) c[i]=1;
            else c[i]=0;
        }
    }
    int p = 0;    //3. 逆序打印
    for (int i = len - 1; i >= 0; i--) {
        if(c[i] != 0) { p = i; break; }
    }
    for (int i = p; i >= 0; i--) { cout<<c[i]; }
    return 0;
}

```

解法二：

1. 将两个字符串逆序存储
2. 按照题意，分别判断如果计算方式是 and、or、xor，逐位计算结果
3. 逆序从第 1 个非 0 元素开始打印

```
#include <bits/stdc++.h> //2-1369-1 javacn
```

```
using namespace std;
```

```
string he(string s1, string s2) {
```

```
    string r; // 存放总和
```

```
    int a[1000] = {0};
```

```
    int b[1000] = {0};
```

```
    int c[1000] = {0};
```

```
    // 逆序存入整数数组
```

```
    int i;
```

```
    for (i = 0; i < s1.size(); i++) {
```

```
        a[i] = s1[s1.size() - i - 1] - '0';
```

```
    }
```

```
    for (i = 0; i < s2.size(); i++) {
```

```
        b[i] = s2[s2.size() - i - 1] - '0';
```

```
    }
```

```
    // 逐位相加，逐位进位
```

```
    int len = s1.size();
```

```
    if (s2.size() > s1.size()) len = s2.size();
```

```
    for (i = 0; i < len; i++) {
```

```
        c[i] = c[i] + a[i] + b[i];
```

```
        if (c[i] >= 10) {
```

```
            c[i+1] = c[i+1] + c[i] / 10;
```

```
            c[i] = c[i] % 10;
```

```
        }
```

```
    }
```

```
    // 判断是否多出 1 位
```

```
    if (c[len] != 0) len++;
```

```
    // 逆序将 c 数组拼接成字符串
```

```
    for (i = len-1; i >= 0; i--) {
```

```
        // 将 c[i]+'0' 这个 ascii 码强制转换为 char 类型
```

```
        r = r + (char)(c[i] + '0');
```

```
    }
```

```
    return r;
```

```
}
```

Pell 数列

解法一：将高精度求和、高精度 * 单精度定义为函数（其实高精度 * 单精度的函数可以没有，因为一个数 * 2，可以转换为：该数 + 该数，参考解法二）。

```
/*
```

```
    An = A(n-1)*2 + A(n-2)
```

```
*/
```

```
    // 求两个高精度的整数的和
```

// 求一个高精度的整数 * 2 的积

```
string cheng(string s) {
    string r;
    int a[1000] = {0};
    int i;
    // 逆序存入 a 数组
    for (i = 0; i < s.size(); i++) { a[i] = s[s.size() - i - 1] - '0'; }
    // 逐位 *2
    for (i = 0; i < s.size(); i++) { a[i] = a[i] * 2; }
    // 逐位进位
    for (i = 0; i < s.size(); i++) {
        if(a[i] >= 10) {
            a[i+1] = a[i+1] + a[i] / 10;
            a[i] = a[i] % 10;
        }
    }
    // 判断是否多一位
    int len = s.size();
    if(a[len] != 0) len++;
    // 逆序拼接到字符串 r 上
    for (i = len - 1; i >= 0; i--) { r = r + to_string(a[i]); }
    return r;
}
```

```

int main() {
    //z: 代表计算结果, xy 代表 z 的前两项
    string x, y, z;
    int i, n;
    cin >> n;
    //A(n)=A(n-1)*2+A(n-2)
    x = "1";
    y = "2";
    if(n == 1) {cout << x; }
    else if(n == 2) {cout << y; }
    else {
        // 从第 3 项开始递推
        for(i = 3; i <= n; i++) {
            z = he(cheng(y), x);
            // 修改 xy 的值, 逐步向后推导
            x = y;
            y = z;
        }
        cout << z;
    }
}

```

解法二：定义高精度求和函数，将高精度 *2，转换为高精度 * 高精度。

```
#include <bits/stdc++.h> //2-1369-2   javacn
using namespace std;
/*
    
$$A_n = A_{(n-1)} * 2 + A_{(n-2)}$$

*/
// 求两个高精度的整数的和
string he(string s1, string s2) {
    string r; // 存放总和
    int a[1000] = {0};
    int b[1000] = {0};
    int c[1000] = {0};

    // 逆序存入整数数组
    int i;
    for (i = 0; i < s1.size(); i++) {
        a[i] = s1[s1.size() - i - 1] - '0';
    }

    for (i = 0; i < s2.size(); i++) {
        b[i] = s2[s2.size() - i - 1] - '0';
    }

    // 逐位相加，逐位进位
    int len = s1.size();
    if (s2.size() > s1.size()) len = s2.size();

    for (i = 0; i < len; i++) {
        c[i] = c[i] + a[i] + b[i];
        if (c[i] >= 10) {
            c[i+1] = c[i+1] + c[i] / 10;
            c[i] = c[i] % 10;
        }
    }
}
```

```

// 判断是否多出 1 位
if(c[len] != 0) len++;

// 逆序将 c 数组拼接成字符串
for (i = len-1; i >= 0; i--) {
    // 将 c[i]+'0' 这个 ascii 码强制转换为 char 类型
    r = r + (char)(c[i] + '0');
}

return r;
}

int main() {
    //z: 代表计算结果, xy 代表 z 的前两项
    string x, y, z;
    int i, n;
    cin >> n;
    //A(n)=A(n-1)*2+A(n-2)
    x = "1";
    y = "2";
    if(n == 1) {
        cout << x;
    } else if(n == 2) {
        cout << y;
    } else {
        // 从第 3 项开始递推
        for (i = 3; i <= n; i++) {
            z = he(he(y, y), x);
            // 修改 xy 的值, 逐步向后推导
            x = y;
            y = z;
        }

        cout << z;
    }
}

```

Pell 数列

```
#include<bits/stdc++.h>//2-1369-3    jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
string mult(string s, int b)
```

```
{  
    int a[500], c[500];  
    memset(a, 0, sizeof(a));  
    memset(c, 0, sizeof(c));  
    for (int i = s.size() - 1; i >= 0; i--) a[s.size() - 1 - i] = s[i] - '0';  
    int len = s.size();  
    int t = 0;  
    for (int i = 0; i < len; i++)  
    {  
        t += a[i] * b;  
        c[i] = t % 10;  
        t /= 10;  
    }  
    if(t) c[len++] = t;  
    string s1;  
    for (int i = len - 1; i >= 0; i--)  
    {  
        s1 += c[i] + '0';  
    }  
    return s1;  
}
```

```

string add(string s1, string s2)
{
    int a[500], b[500], c[500];
    memset(a, 0, sizeof(a));
    memset(b, 0, sizeof(b));
    memset(c, 0, sizeof(c));
    if(s1.size() < s2.size()) swap(s1, s2);
    for(int i = 0; i < s1.size(); i++) a[s1.size() - 1 - i] = s1[i] - '0';
    for(int i = 0; i < s2.size(); i++) b[s2.size() - 1 - i] = s2[i] - '0';
    int len = s1.size();
    int t = 0;
    for(int i = 0; i < len; i++)
    {
        t += a[i] + b[i];
        c[i] = t % 10;
        t /= 10;
    }
    if(t) c[len++] = t;
    string s3;
    for(int i = len - 1; i >= 0; i--) { s3 += c[i] + '0'; }
    return s3;
}

int main()
{
    int n;
    cin >> n;
    string a = "1", b = "2", c = "5";
    for(int i = 2; i <= n; i++)
    {
        a = b;    b = c;    c = add(mult(b, 2), a);
        // c = add(add(b, b), a); 只用 add 加法函数也是可以的。
    }
    cout << a << endl;
    return 0;
}

```

```

#include <bits/stdc++.h> //3-1532-1   javacn
using namespace std;
// 存储符合条件的数对应的二进制
//k 表示 r 数组的长度，默认 0 是符合要求的
int r[20][10], k = 1;
int n, b, d;
// 将 x 转换为 b 位的二进制，判断和 r 数组的 k 个数是否都满足有 >=d 位的不同
bool check(int x) {
    int t[10] = {0}; // 存储 x 转 2 进制的结果
    int l = 0;
    while(x != 0) {
        l++;
        t[l] = x % 2;
        x /= 2;
    }

    // 循环 r 数组的 k 个数
    int c;
    for(int i = 1; i <= k; i++) {
        c = 0;
        for(int j = 1; j <= b; j++) {
            if(t[j] != r[i][j]) c++;
        }

        if(c < d) return false;
    }

    // 到这个位置，说明编号为 x 的数和 r 数组中的数是友好的
    // 将编号为 x 的数对应的二进制存储到 r 数组
    k++;
    for(int i = 1; i <= b; i++) {
        r[k][i] = t[i];
    }
    return true;
}

```

```

int main()
{
    cin>>n>>b>>d;
    cout<<0<<" ";//0 是默认的一个解
    int i = 1;
    while(k < n) {
        // 判断 i 是否友好
        if(check(i)) {
            cout<<i<<" ";
        }

        i++;
    }

    return 0;
}

```

本质:

从 0 开始, 找出 N 个数, N 个数转成 B 位的 2 进制, 要求任何两个数都有 $\geq D$ 位不同的数。

思路:

1. 从 0 开始将每个符合条件的数转换为 B 位的 2 进制存入二维数组
2. 循环每个数 i, 判断是否满足条件:
i 转换为 B 位的二进制要求和二维数组中已经存储的所有数都有 $\geq D$ 位不同

小 X 与神牛

```
#include<bits/stdc++.h>//3-1532-2  jiangyf70
using namespace std;
int k = 0, a[20], n, b, d;
int geshu(int y) // 计算 1 的个数
{
    int cnt = 0;
    while(y)
    {
        y = y & (y - 1); // 删除最后一个 1
        cnt++;
    }
    return cnt;
}
bool check(int x)
{
    int y;
    for(int i = 0; i <= k; i++)
    {
        y = a[i] ^ x; // 异或, 不相同的位都是 1
        if(geshu(y) < d) return 0;
    }
    return 1;
}
int main()
{
    cin >> n >> b >> d;
    for(int i = 1; i <(1 << b); i++)
    {
        if(check(i)) { k++; a[k] = i; }
        if(k == n - 1) break;
    }
    for(int i = 0; i < n; i++) { cout << a[i] << " "; }
    return 0;
}
```

- 1、先找到数组范围， $0 \sim 2^b$ 的 b 次方
- 2、先输出范围内这些数的二进制（测试，后续自行删除）
- 3、测试无误，先存放一个到答案数组 a 中
- 4、依次将范围内的数的二进制和 a 数组中的每个元素作比较（详见 check 函数）
- 5、比较晚记录个数，并输出所有可能结果

```
#include <bits/stdc++.h> //3-1532-3 1989444607
using namespace std;
// 数字转二进制
string numTo2(int n, int b) {
    string res = "";
    while (n) {
        res = char(n % 2 + '0') + res;
        n /= 2;
    }
    int len = b - res.size();
    for (int i = 1; i <= len; i++) {
        res = "0" + res;
    }
    return res;
}
// 判断字符串 s, 是否符合要求
bool check(string s, string a[], int b, int d, int len) {
    // 判断字符串是否已在数组中, 返回假
    for (int i = 0; i < len; i++) {
        if (a[i] == s) {
            return false;
        }
    }

    // 如果不在数组中
    // 遍历每个字符串, 判断 s 是否满足要求 (有 d 个字符不相等).
    /* 条件: 依次和 a 数组中的每个数据作比较, 比较不相同的字符个数
        如果有一次不相同的字符的个数不满足, 则这个字符串不满足条件
    */
}
```

```

for (int i=0;i<len;i++) {
    // 判断不相同的字符的个数
    int x = 0;
    for (int j=0;j<b;j++) {
        if(a[i][j]!=s[j]) {
            x++;
        }
    }
    // 有一次不满足，返回假
    if(x<d) {
        return false;
    }
}
// 上述条件都不成立，返回真
return true;
}
// 字符串转数字
int sToNum(string s) {
    int num=0;
    int p=1;
    for (int i=s.size()-1;i>=0;i--) {
        num+=(s[i]-'0')*p;
        p*=2;
    }
    return num;
}

```

```

int main() {
    string a[20], cmp, s2;
    int n, b, d, num = 1, count = 1, p = 1, i, j, k, now;
    // cout<<numTo2(4, 5);
    cin >> n >> b >> d;
    for (i = 1; i <= b; i++) {
        num *= 2;
    }
    a[0] = numTo2(0, b);
    for (i = 0; i < num; i++) {
        // 每个 i 二进制和数组里面的数作比较
        // 计算字符串数组中元素的个数
        int len = sizeof(a) / sizeof(a[0]);
        // 需要判断的字符串
        s2 = numTo2(i, b);
        // 如果符合要求，把字符串放入数组中
        if(check(s2, a, b, d, len)) {
            a[p]=s2;
            p++;
            count++;
        }
        // 当个数满足要求，退出比较
        if(count==n) {
            break;
        }
    }
    // 输出数组中满足条件的值
    for (i = 0; i < p; i++) {
        cout << sToNum(a[i]) << " ";
    }
    return 0;
}

```

蜜蜂路线

```
#include<bits/stdc++.h>//4-1368    javacn
using namespace std;
// 当 n-m 的值较大时需要高精度运算
string he(string s1, string s2) {
    string r;// 存放总和
    int a[1000] = {0};
    int b[1000] = {0};
    int c[1000] = {0};

    // 逆序存入整数数组
    int i;
    for (i = 0; i < s1.size(); i++) {
        a[i] = s1[s1.size() - i - 1] - '0';
    }

    for (i = 0; i < s2.size(); i++) {
        b[i] = s2[s2.size() - i - 1] - '0';
    }

    // 逐位相加，逐位进位
    int len = s1.size();
    if(s2.size() > s1.size()) len = s2.size();

    for (i = 0; i < len; i++) {
        c[i] = c[i] + a[i] + b[i];
        if(c[i] >= 10) {
            c[i+1] = c[i+1] + c[i] / 10;
            c[i] = c[i] % 10;
        }
    }

    // 判断是否多出 1 位
    if(c[len] != 0) len++;

    // 逆序将 c 数组拼接成字符串
```

```

// 逆序将 c 数组拼接成字符串
for (i = len-1; i>=0; i--) {
    // 将 c[i]+'0' 这个 ascii 码强制转换为 char 类型
    r = r + (char) (c[i] + '0' );
}

return r;
}

```

```

int main() {
    int m, n, i, j;
    cin>>m>>n;
    i = n - m;
    string x, y, z;
    x = "1";
    y = "1";
    if(i==1) {
        cout<<x;
    }
    else if(i==2) {
        cout<<y;
    }
    else {
        for (j=3; j<=i+1; j++) {
            z = he(x, y);
            x = y;
            y = z;
        }
        cout<<z;
    }
    return 0;
}

```